巨大生体分子系の計算科学 ひとつの試み FMOによるNMRケミカルシフト計算 地球快適化インスティテュート 三菱化学科学技術研究センターCREST.JST 東工大、AIST、三菱化学生命科学研究所(L) 横島 智、高 玘(Gao QI)、沈 君偉 Dmitri G. Fedorov、北浦 和夫(AIST) 河野俊之(L) 中村 振一郎

JCTC Journal of Chemical Theory and Computation

Fragment-Molecular-Orbital-Method-Based ab Initio NMR Chemical-Shift Calculations for Large Molecular Systems

Qi Gao,^{1,1} Satoshi Yokojima,^{a,7,4} Dmitri G. Fedorov,^b Kazuo Kitaura,^{4,0} Minoru Sakurai,¹ and Shinichiro Nakamura^{a,7,5,4}

Mitsubishi Chemical Group Science and Technology Research Center, Inc., 1000 Kamochida-cho, Aoba-ku, Yokohama 227-8502, Japan, Center for Biological Resources and Informatics, Tokyo Institute of Technology, 4259 Nagatsuda-cho, Midori-ku, Yokohama 226-8501, Japan, The KAITEKI Institute, Inc. 14-1, Shiba 4-chome, Minato-ku, Tokyo 108-0014, Japan, RICS, National Institute of Advanced Industrial Science and Technology (AIST), 1-1-1 Umezono, Tsukuba, Ibaraki 305-8568, Japan, and Graduate School of Pharmaceutical Sciences, Kyoto University, Sakyo-kit, Kyoto 606-8501, Japan

Received October 6, 2009

Abstract: An *ab initio* computational method, based on the fragment molecular orbital (FMO) method, for calculating nuclear magnetic resonance (NMR) chemical shifts has been developed by introducing the concept of a merged fragment with a cutoff distance. Using point charges or density based on electrostatic potential obtained from FMO calculations, the NMR calculations (GIAO and CSGT) with the 6-31G(d) and 6-311G(d,p) basis sets were performed on α -helix and β -sheet polypeptides. The cutoff distance defines the optimal merged fragment size for NMR calculations. This method accurately reproduces electrostatic effects and magnetic susceptibilities. The chemical shifts determined with a cutoff distance not shorter than 8 Å for both α -helix and β -sheet polypeptides agree well with those calculated by conventional *ab initio* NMR calculations.

Introduction

Mandatory Request: Drug Design

If X ray data available, problem is easier.

How ever,

Often, X-ray data are not available.

X-ray cannot cover dynamic features.

NMR is the tool.



2D-NMR- δ to Monitor the Drug-Protein Interaction



Chemical shift δ Indicates the Interaction, δ values change where there is interaction with drug.

Ab initio NMR calculation

NMR shielding constant (chemical shift) δ

– Mixed derivative of an external magnetic field (H) and an internal nucleus magnetic moment (I)



$$\delta = \frac{\sigma - \sigma_r}{1 - \sigma}$$

Solve Schrödinger equation

$$\hat{H}\Psi_e = E\Psi_e$$

Proteins, too Big, Non Grata !



Fragment molecular orbital (FMO) method

- 1. Divide a system into *N* fragments.
- 2. Self-consistently solve electronic structure of each fragment under the electrostatic potential due to other fragments. E_1
- 3. Solve electronic structure of fragment pairs once under the electrostatic potential due to other fragments.

$$E_{\text{Total}} = \sum_{I>J} E_{IJ} - (N-2) \sum_{I} E_{I} + E_{\text{Nuc-Nuc}}$$

K. Kitaura, E. Ikeo, T. Asada, T. Nakano, M. Uebayasi, Chem. Phys. Lett. **313**, 701 (1999).

T. Nakano, T. Kaminuma, T. Sato, Y. Akiyama, M. Uebayasi, K. Kitaura, Chem. Phys. Lett. **318**, 614 (2000).

Motivation of the Research

Ab-initio NMR δ Method exists for small molecules.

FMO method gives us a chance for Large Molecules.

⇒ The link of the two will provide something !

Two Methods for NMR exist

However, we face with Gauge problem !!

The vector potential A under external magnetic field *H* depends on the gauge origin r_0 $A_{\mu} = \frac{1}{2} H \times (r - r_0)$

Two Approaches to keep gauge invariance:

- GIAO: Use gauge-including atomic orbitals as basis functions

$$\varphi_{\mu}(H) = \exp\left[-\frac{ie}{2\hbar c}(H \times R_{\mu})\right]\varphi_{\mu}$$

- CSGT: Coax by using *H*-induced current j through perturbation

$$\mathbf{A}_{H} = \frac{1}{2} H \times (r - r_{0}(d))$$

ケミカルシフトのゲージ依存性

・観測量にはゲージ依存性がないのに、計算
 ではゲージ依存性が出るのは何故?



観測量でないもの(ベクトルポテンシャルなど)はゲー ジに依存してしまうので、近似で項を落としたりすると、 項間のゲージ依存部分のキャンセルが不完全になり、 結果としてゲージに依存してしまう。不完全な基底関 数も、同様の問題のもとになる。



• 各基底関数に磁場依存性を持たせる。

CSGT法

 外部磁場によって誘起された電流密度を摂 動の1次で計算し、それを使って化学シフトを 求める方法。

ゲージ依存しないようにしながら 分割型計算とうまく組み合わせる

実装: FMO⇒GAMESS, 化学シフト⇒Gaussian

GIAO

Schrödinger equation

$$i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t} = \left[\frac{1}{2m}\left(\frac{\hbar}{i}\vec{\nabla} - e\vec{A}\right)^2 + e\phi + V\right]\psi$$

$$\int \psi(x) = \exp\left(\frac{ie}{\hbar}\int^{\vec{x}} d\vec{x}' \cdot \vec{A}(x')\right) \Psi(x)$$
$$i\hbar \frac{\partial \Psi}{\partial t} = \left[\frac{1}{2m}\left(\frac{\hbar}{i}\vec{\nabla}\right)^2 + e\phi + V\right] \Psi$$

Solve the Schrödinger equation without magnetic field and add the effect of the magnetic field as a phase factor. Gauge including atomic orbital

GIAO法(2)

Nuclear magnetic shielding tensor

$$\sigma_{N_j,i} = \frac{\partial^2 E}{\partial B_i \partial m_{N_j}} = \left\langle \frac{\partial^2 h}{\partial B_i \partial m_{N_j}} P \right\rangle + \left\langle \frac{\partial h}{\partial m_{N_j}} \frac{\partial P}{\partial B_i} \right\rangle$$

$$\frac{\partial^2 h}{\partial B_i \partial m_{N_j}}$$
 and $\frac{\partial h}{\partial m_{N_j}}$ are known.

It is required to obtain $\frac{\partial P}{\partial B_i}$.

CPHF equation is solved with using GIAO.

CSGT

$$\sigma_{ji} = \frac{\partial^2 E}{\partial B_i \partial (m_N)_j} \implies \sigma_{ji}^N = -\frac{1}{B} \int d\vec{r}_N \left[\vec{r}_N \times \vec{j}_i^{(1)}(\vec{r}) / r_N^3 \right]_j$$

Current Density by CPHF

$$\vec{j}^{(1)}(\vec{r}) = -\frac{e}{m} \sum_{i=1}^{n/2} \left(\phi_i^{(0)*}(\vec{r}) \, \vec{\hat{p}} \, \phi_i^{(1)}(\vec{r}) + \phi_i^{(1)*}(\vec{r}) \, \vec{\hat{p}} \, \phi_i^{(0)}(\vec{r}) \right) - \frac{e^2}{m} \, \vec{A}(\vec{r}) \, \rho^{(0)}(\vec{r})$$
$$= \vec{j}_p^{(1)}(\vec{r}) + \vec{j}_d^{(1)}(\vec{r})$$

$$\begin{split} \phi_i^{(1)} &= \sum_{p=n/2+1} C_{pi}^{(1)} \phi_p^{(0)} \\ \left(\mathcal{E}_p^{(0)} - \mathcal{E}_i^{(0)} \right) C_{pi}^{(1)} + \langle \phi_p^{(0)} \mid \hat{H}^{(1)} \mid \phi_i^{(0)} \rangle + \sum_{j=1}^{n/2} \sum_{q=n/2+1} \left[(qi \mid pj) - (ji \mid pq) \right] C_{qj}^{(1)} = 0 \\ \overbrace{\hat{H}^{(1)} = \frac{e}{m}} \vec{A}(\vec{r}) \cdot \vec{\hat{p}} = \frac{e}{2m} \vec{B} \cdot \left[(\vec{r} - \vec{r_0}) \times \vec{\hat{p}} \right] = \frac{e}{2m} \vec{B} \cdot \vec{\hat{L}} \end{split}$$

CSGT法によるケミカルシフトの計算(2)

$$\vec{A} = \frac{1}{2}\vec{B} \times (\vec{r} - \vec{r}_{0})$$

$$\int u(\vec{r}, t) = -\frac{1}{2}(\vec{B} \times \vec{d}) \cdot \vec{r}$$

$$\vec{A}' = \frac{1}{2}\vec{B} \times (\vec{r} - \vec{r}_{0} - \vec{d})$$

$$\rho'^{(0)} = \rho^{(0)}$$

$$\vec{F} - \vec{F}_{0} -$$

$$\vec{j}^{(1)}(\vec{r}) = -\frac{e}{m} \sum_{i=1}^{n/2} \left(\phi_i^{(0)*}(\vec{r}) \,\vec{\hat{p}} \,\phi_i^{(1)}(\vec{r}) + \phi_i^{(1)*}(\vec{r}) \,\vec{\hat{p}} \,\phi_i^{(0)}(\vec{r}) \right) - \frac{e^2}{m} \,\vec{A}(\vec{r}) \,\rho^{(0)}(\vec{r}) \\ = \vec{j}_p^{(1)}(\vec{r}) + \vec{j}_d^{(1)}(\vec{r})$$

上のゲージ変換において**j**_pと**j**_dがキャンセルすることで**j**が不変に保たれねばならないが、 このままだと、基底が完全系を張っていないことからくるエラーが**j**_pから出る。→原点依存

CSGT法によるケミカルシフトの計算(3) トリック ゲージ変換による変化分もCPHFで計算に取り込む $\hat{H}^{\prime(1)} = \hat{H}^{(1)} + \delta \hat{H}^{(1)}$ $= \frac{e}{m}\vec{A}'(\vec{r})\cdot\vec{\hat{p}} = \frac{e}{2m}\vec{B}\cdot\left[(\vec{r}-\vec{r_0}-\vec{d})\times\vec{\hat{p}}\right]$ $= \hat{H}^{(1)} - \frac{e}{2m} \vec{B} \cdot \left(\vec{d} \times \vec{\hat{p}}\right)$ $(\varepsilon_p^{(0)} - \varepsilon_i^{(0)}) \delta C_{pi}^{(1)} + \langle \phi_p^{(0)} | \delta \hat{H}^{(1)} | \phi_i^{(0)} \rangle + \sum_{i=1}^{n/2} \sum_{j=1}^{n/2} \left[(qi | pj) - (ji | pq) \right] \delta C_{qj}^{(1)} = 0$ i=1 a=n/2+1 $\phi_i^{\prime(1)} = \phi_i^{(1)} + \delta \phi_i^{(1)} = \phi_i^{(1)} + \sum_{i=1}^{n} \delta C_{pi}^{(1)} \phi_p^{(0)}$ $u(\vec{r},t) = -\frac{1}{2}(\vec{B} \times \vec{d}\{\vec{r}\}) \cdot \vec{r} \qquad \vec{A}' = \frac{1}{2}\vec{B} \times (\vec{r} - \vec{r}_0 - \vec{d}\{\vec{r}\})$ d{r}は各点r毎に決まる定数であることを示す。

CSGT法によるケミカルシフトの計算(4) $u(\vec{r},t) = -\frac{1}{2}(\vec{B} \times \vec{d}\{\vec{r}\}) \cdot \vec{r} \qquad \vec{A}' = \frac{1}{2}\vec{B} \times (\vec{r} - \vec{r}_0 - \vec{d}\{\vec{r}\})$ d{r}は各点r毎に決まる定数であることを示す。 $\vec{r}_0 = \vec{0}, \quad \vec{d}\{\vec{r}\} = \vec{r} \implies \vec{A}' = \vec{0}$ $\vec{j}^{(1)}(\vec{r}) = -\frac{e}{m} \sum_{i=1}^{n/2} \left(\phi_i^{(0)*}(\vec{r}) \, \vec{\hat{p}} \, \phi_i^{\prime(1)}(\vec{r}) + \phi_i^{\prime(1)*}(\vec{r}) \, \vec{\hat{p}} \, \phi_i^{(0)}(\vec{r}) \right) - \frac{e^2}{m} \, \vec{A}^{\prime}(\vec{r}) \, \rho^{(0)}(\vec{r})$ $= \vec{j}_{\rm p}^{(1)}(\vec{r}) + \vec{j}_{\rm d}^{(1)}(\vec{r})$ $\rightarrow = \vec{0} \mathbf{j}_{0} \ge \mathbf{j}_{0}$ のキャンセルがおきない。 磁気感受率の計算には良い。 ケミカルシフトの場合経験的に *R*_o:原子Ωの位置 $\vec{d}\{\vec{r}\} = \vec{r} - \sum (\vec{r} - \vec{R}_{\Omega}) \exp\left[-\alpha_{\Omega}(\vec{r} - \vec{R}_{\Omega})^{4}\right]$ ・これに類似の重みファクターを使う Gaussian 03ではBeckeの重み 多分、こうすると電荷密度の多い原子近傍で A' がゼロになるから結果がよくなるのだろう。

	化	学シ	ィフト	\mathcal{O}	夙	点	依存的	生の例
alvcir	ne分子		Isotropic	chem	ica	l shifts		H^{6}_{1} H^{7}_{2} H^{7}_{3} H^{7}_{3}
B3LY	′P/6-31	G*	X方向に	10 Å	N—С—С—О—Н Н ⁶ Н ⁷			
	GI	AO	CSGT			Sinę	gle Origin	
	x=0	x=10	x=0	x=1	0	X=0	x=10	
N1	234	234	217	21	7	232	52	
C2	144	144	144	14	4	198	179	
C3	26	26	20	2	0	93	21	y v
04	-51	-51	-56	-5	6	-69	198	↓ ↓ ↓ ×
05	131	130	112	11	2	124	192	z
H6	32	32	30	3	0	33	-84	
H7	29	29	27	2	7	32	-14	原品依仔する場合
H8	27	27	27	2	7	1	338	

	化	学シ	ィフト	\mathcal{O}	厉	京点	依存的	生の例
alvcir	ne分子		Isotropic	chem	ica	l shifts		H^{6}_{1} H^{7}_{2} $H^{3}_{3}_{3}$
B3LY	′P/6-31	G*	Y方向に	210 Å	原	м—с—с—о—н н [∉] н [∞]		
	GI	AO	CSGT			Sinę	gle Origin	
	y=0	y=10	y=0	y=1	0	y=0	y=10	
N1	234	234	217	21	7	232	205	
C2	144	145	144	14	4	198	293	
C3	26	26	20	2	20	93	159	y v
04	-51	-51	-56	-5	6	-69	143	↓ ↓ ↓ ×
05	131	131	112	11	2	124	-141	z
H6	32	32	30	3	0	33	-166	
H7	29	29	27	2	27	32	261	原原旅行する場合
H8	27	27	27	2	27	1	228	



7十六1-18 百上七段制

glycine分子

B3LYP	/6-31G*				ボで19 判	(ppm)	
	GIAO		CSGT		Single	eOrigin	
	Z=0	z=1	Z=0	z=1	z=0	Z=1	9 9
N1	234	234	1 217	217 217 232 232		232	
C2	144	144	144	144	1 198	198	
C3	26	26	6 20	20) 93	93	
04	-51	-51	-56	-56	69 -69	-69	
05	131	131	l 112	112	2 124	124	
H6	32	32	2 30	30) 33	58(7)	
H7	29	29	9 27	27	7 32	11(54)	原点依存する
H8	27	27	7 27	27	7 1	1	

場合

	化	学シ	マト	\mathcal{O}	厉	京点	依存的	生の例
alvcir	ne分子		Isotropic	chem	ica	l shifts		H^{6}_{1} H^{7}_{2} H^{3}_{3} 5 8
B3LY	′P/6-31	G*	Z方向に	-10Å	N—С—С—О—Н Н ⁶ Н ⁷			
	G	AO	CSGT			Sin	gle Origin	
	Z=0	z=10	Z=0	z=1	0	z=0	z=10	
N1	234	234	217	21	7	232	232	
C2	144	144	144	14	4	198	198	
C3	26	26	20	2	20	93	93	y v
04	-51	-51	-56	-5	6	-69	-69	x X
05	131	131	112	11	2	124	124	. Z
H6	32	32	30	3	0	33	291(-226)	
H7	29	29	27	2	27	32	251(-186)	原原依存する場合
H8	27	27	27	2	27	1	1	

Two models for FMO calculations



Model I: atomic charges

Effect of other fragments

Model II: electrostatic potential

Model	GIAO	CSGT
Ι	YES	YES
II	NO	YES

Calculation scheme of FMO-NMR

Effect of other fragments



Equations are repeatedly solved until the energy converges.



10残基-小分子 にて正常動作を確認





÷	新間封	弱	谨	_ 			纵相 拐取	·络 日刊 田 20	リ工業新 08 1	聞 29
 化 200 シロンボジンボジンボジンボジンボジンボジンボジンボジンボジンボジンボジンボシンボシンボシンボシンボシンボシンボン ・エボカルつくばで開催 マー超分子系など新見 ・エボカルつくばで開催 シロシンボジンボジンボジンボシンボシンボシンボジン ・エボカルつくばで開催 シロシンボンボンボン マー超分子系など新見 シロシンボンボンボン マー超分子系など新見 シロシンボンボン シロシンボンボン シロシンボンボン シロシンボンボン シロシンボン シロシンボン シロシンボンボン シロシンボンボン シロシンボンボン シロシンボン シンボン シロシンボン シンボン シロシンボン シロシン シン シン<	工業日報 8.1.31 8 ⁴ 作用解読へ新計算法 素・たん白質の相互 S== ^{S==}		は、産総研の北浦和雄氏一動関数計算方法に、NM---	RESTシンボジウム」で3日に発表する。る。研究成果は茨城県つくば市で開かれる「C------------------------------------	べ、短時間で詳しい調査ができるという。医薬た。多くの実験を重ねて解読する従来手法に比しているかを割り出すプログラムを完成させ	状態を元に、たんばく質のどの部分に薬が接触 気共鳴(NMR)スペクトルで測定した分子の 用を解読する新たな計算方法を開発した。核磁	学の研究者と共同で、としまく質しまり相互作 プログラム。 科学技術振興機構(JST)事業の研究グル Rで測定した電子による	J		よ たんぱく質と薬の相互作用解
	これを調べれば、たん 合物の探索に活用される 見込み。	れる。	ると、その様子はNMR いに近づき相互作用をす	定することが可能。 たまま生体の状態を測 でわたまま生体の状態を測			よって判明するとい たんばく質と薬が接触 等			読
							を期待している。	ロ・診断薬の開発、ポリ	球すことができる。開発し、必要ねたんはく質に	新たな計算方法によつ。

FMO-NMR vs conventional NMR methods

Correlations

Chem Phys Lett <u>445</u> (2007) 331.



HF/6-31G*

Quality of isotropic and anisotropic shielding constants

Atom	¹³ C _a			$^{13}C_{\beta}$			¹⁵ N			¹ H	()	ppm)
Model	I		П	I		П	I.		П	I		П
	GIAO	CSGT	CSGT	GIAO	CSGT	CSGT	GIAO	CSGT	CSGT	GIAO	CSGT	CSGT
Max error	1.98	1.99	1.16	1.46	1.65	1.37	4.43	3.98	2.71	0.72	0.73	0.63
	(2.35)	(1.89)	(1.41)	(1.90)	(1.54)	(1.24)	(16.43)	(18.18)	(14.93)	(3.54)	(3.16)	(2.41)
Mean error	0.51	0.48	0.32	0.27	0.34	0.29	1.54	1.49	1.02	0.30	0.30	0.27
	(0.88)	(0.66)	(0.60)	(0.63)	(0.58)	(0.40)	(2.19)	(3.08)	(2.58)	(1.08)	(1.05)	(0.73)
Standard	0.66	0.65	0.41	0.47	0.56	0.46	1.56	1.50	1.16	0.27	0.29	0.22
deviation	(0.87)	(0.68)	(0.56)	(0.78)	(0.54)	(0.38)	(5.37)	(6.17)	(5.05)	(1.28)	(1.13)	(0.76)

Anisotropic shielding constants $\sigma_3 - (\sigma_1 + \sigma_2)/2$ are shown in the parentheses.

Chemical shifts FMO(dimer) vs Experiment



より高い精度を実現したい。

Chem Phys Lett <u>445</u> (2007) 331.

FMO1(merged)

Determine a merged fragment by introducing a cutoff distance L_{cutoff}



Neighboring fragment pair \rightarrow Multi-fragment within L_{cutoff}

FMO1(merged) calculation scheme



J. Chem. Theory Comput. 2009

Error of isotropic shielding constants for ¹⁵N in backbone (α -helix)





電子状態はどの程度まで正しく 記述されているか?







差電子密度

 $(\rho_{\text{FMO1(merged)}} - \rho_{\text{conventional}})$



J. Chem. Theory Comput. (2009).



Pheのフェニル基のある・なしに伴う 単位 $[e/(a_0)^3]$ 差電子分布(β-sheet)







ρ=0.00001

フラグメント外の環電流による主鎖上 の原子の化学シフトへの影響



まとめ

- FMO法を用い化学シフトを計算するためにCutoff長に 基づくFMO1(merged)法を開発した。以前、我々のグ ループで開発したFMO1(dimer)法と比べ、高い精度で 化学シフトが再現された。
- より詳細な理解のため、この計算で使われた2つの方法

Model I (周囲のフラグメントを点電荷近似) Model II (CSGTとFMOの組み合わせ) に対して電子状態の再現度を調べた。

- Cutoffなしの計算と比べて0.1ppm程度の精度を出す Model II L_{cutoff}=8Åでは電子密度も極めて良く再現さ れている。
- ・環電流の影響もL_{cutoff}=8Å程度で十分に小さくなる。

三菱ケミカルホールディングス「地球快適化インスティテュート」 2009, 4, 1 発足

Corporate Activities in MCHC Sustainability, Health, Comfort



研究領域



ご静聴、感謝します。